# MAT-301: Lógica Matemática y Teoría de Conjuntos

#### Identificación

Asignatura: Lógica Matemática y Teoría de Conjuntos

Sigla: MAT–301

Area Curricular: Algebra

Modalidad: Semestral

Nivel Semestral: Quinto semestre, Ciclo Intermedio Horas Teóricas: 4 por semana en dos sesiones Horas Prácticas: 2 por semana en una sesión

Pre–Requisitos Formales: MAT–112

Carreras destinatarias: Matemática y Carreras de FCPN

# Problema (Por qué)

En el proceso de formación del estudiante debe pasar del pensamiento puramente concreto al pensamiento abstracto basado en la lógica y sistemas formales con el cálculo de enunciados y predicativo.

### Objeto de la Materia

Los objetos de la materia son la lógica, los sistemas formales y teoría de conjuntos.

# **Objetivos Generales**

- 1. A partir de una introducción rigurosa de las distintas ramas de la Matemática, se hace precisa una descripción del contexto formal de las demostraciones y del origen axiomático—constructivo de los objetos matemáticos; para lo cual, se desarrollan elementos mínimos de Teoría de la Demostración y de la Teoría Axiomática de Conjuntos.
- 2. En este caso, el acceso abre las puertas a una adecuada comprensión de los llamados Fundamentos de la Matemática; y, en general, de toda la fenomenología metamatemática. El Objetivo central; sin embargo, consiste en lograr un solvente y unificador manejo de la analogía y de la abstracción, ingredientes cotidianos de la Matemática y de la Ciencia.

#### Programa sintético

Introducción a la Lógica; Sistemas Formales. El Sistema Formal del Cálculo de Enunciados. El Sistema Formal del Cálculo Predicativo. Teoría de Conjuntos de Zermelo Fraenkel.

## Contenidos analíticos

- 1. Introducción a la Lógica: 1.1 Descripción del contexto lingüístico de la Matemática 1.2 Alcances y características de la Lógica Deductiva Científica 1.3 Esquema Axiomático de Abstracción y la Paradoja de Russell 1.4 Naturaleza de la teorías Axiomáticas
- 2. Sistemas Formales: 2.1 Configuración de Lenguajes; y, de Sistemas Formales  $T=\langle L,A,R\rangle$  2.2 El sistema Formal del Cálculo de Enunciados 2.3 El sistema Formal del Cálculo Predicativo

3. Conjuntos: 3.1 Desarrollos generales: Axiomas de Extensionalidad y Separación; Intersección, Unión y Diferencia; Axioma de Apareamiento y Pares Ordenados; Definición por Abstracción; Axioma de Suma y Familias de Conjuntos; Axiomas del Conjunto Potencia; Producto Cartesiano; Axioma de Regularidad 3.2 Relaciones y funciones: Relaciones; Relaciones de Orden; Relaciones de Equivalencia (Particiones); Relaciones Funcionales y Funciones

#### Modalidad de Evaluación

La evaluación es formativa periódica y sumativa, los exámenes parciales o finales pueden ser escritos u orales.

Examen	Temas	Ponderación
Primer Parcial	Capítulo(s) 1	20%
Segundo Parcial	Capítulo(s) 2	20%
Tercer Parcial	Capítulo(s) 3	20%
Examen Final	Todos los Capítulos	25%
Prácticas	Todas	15%
$Recuperatorio^1$	Sobre el examen dado	El mismo del examen dado $^2$
		100.07

100%

# Métodos y Medios

Los métodos de aplicación del proceso curricular de la materia están contenidas en el proceso de enseñanza y aprendizaje centrada en el alumno para lograr un aprendizaje significativo con razonamientos inductivos y deductivos y un aprendizaje por descubrimiento programado, orientado, puro libre y al azar que permita al estudiante desarrollar su potencialidad creativa, y entre los medios tenemos a docentes calificados con post grados en Matemática y en Educación, una biblioteca especializada con textos de todas las materias, servicio de internet, equipos educativos y una educación personalizada.

## Bibliografía

- [1] Maria Luisa Dalla, Lógica, Ed. Chiara Scabia Labor S.A., Barcelona.
- [2] A. G. Hamilton, Lógica para matemáticos, Ed. Paraninfo, Madrid.
- [3] Patrick Suppes, Teoría axiomática de conjuntos, Ed. Norma, Cali.

 $<sup>^1\</sup>mathrm{Se}$  puede recuperar cualquier examen parcial ó final

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>La nota del examen de recuperación reemplaza al puntaje anterior